# 大域マッチングコスト最小化とLiDAR-IMU タイトカップリング に基づく三次元地図生成

小出健司\*1,横塚将志\*1,大石修士\*1,阪野貴彦\*1

# **Globally Consistent and Tightly Coupled 3D LiDAR Inertial Mapping**

Kenji Koide<sup>\*1</sup>, Masashi Yokozuka<sup>\*1</sup>, Shuji Oishi<sup>\*1</sup>, and Atsuhiko Banno<sup>\*1</sup>

\*1 Human-Centered Mobility Research Center, National Institute of Advanced Industrial Science and Technology 1-1-1 Umezono, Tsukuba, Ibaraki 305-0061, Japan

This paper presents a real-time 3D mapping framework based on global matching cost minimization and LiDAR-IMU tight coupling. The proposed framework comprises a preprocessing module and three estimation modules: odometry estimation, local mapping, and global mapping, which are all based on the tight coupling of the GPU-accelerated voxelized GICP matching cost factor and the IMU preintegration factor. The odometry estimation module employs a keyframe-based fixed-lag smoothing approach for efficient and low-drift trajectory estimation, with a bounded computation cost. The global mapping module constructs a densely connected factor graph that minimizes the global registration error over the entire map with the support of IMU constraints, ensuring robust optimization in feature-less environments. The evaluation results on several public datasets show that the proposed framework enables accurate and robust localization and mapping in challenging environments.

Key Words : Mapping, Localization, SLAM

### 1. 緒 言

地図生成 (SLAM) において,長距離センサが移動す ると移動量推定に累積誤差 (ドリフト)が生じる.これ を補正し,大域的整合性の取れた地図を得ることは地 図生成における重要な課題である.LiDAR SLAM に おいて大域軌跡最適化に用いられる手法としてポーズ グラフ最適化が挙げられる<sup>(1)</sup>.ポーズグラフ最適化で は各時刻におけるセンサ姿勢を推定対象変数とし,そ の変数間の相対姿勢を制約としたグラフを構築・最適 化することによりループクロージングなどを含んだ軌 跡修正を行う.近年,多くのLiDAR SLAM 手法が提 案されているが,そのほとんどはバックエンドとして ポーズグラフ最適化を採用している<sup>(2) (3) (4)</sup>.

ポーズグラフでは各相対姿勢制約は固定の正規分布 (6次元の平均・共分散)としてモデル化される.しかし, 通常この相対姿勢はスキャンマッチングなどで得られ るが,スキャンマッチング結果を正規分布として表現 するのは明らかに大きく近似されたアプローチと言え る.スキャンマッチングには通常多くの局所解がある が,一度でも局所解にマッチングが収束すると,それ を平均として構築された制約はその後大域最適化に悪 影響を与え続けることになる.また,スキャンマッチ ング結果の信頼性(共分散)の推定を正確に行うことは 実践的には困難である<sup>(5)</sup>.マッチング結果のヘッセ行 列を基にした手法<sup>(6)</sup>は対応付けによる目的関数の変化 を考慮することが出来ないため誤差を過小評価しやす く,一方でモンテカルロベースの手法<sup>(7)</sup>は高精度に信 頼性推定ができるが計算コストが非常に大きい.計算 コストと精度のバランスを取るためのデータドリブン 手法<sup>(5)</sup>も提案されているが,多くのLiDAR SLAM 手 法では単に固定の共分散行列<sup>(3)</sup>,単純な重み付け<sup>(2)</sup>, ヘッセ行列を使った手法<sup>(8)</sup>が共分散の設定に用いられ ている.これら不正確な制約モデリングにより,ポー ズグラフを用いた手法は特に大きなループを閉じた時 などに地図上に不整合を引き起こしうる.

より正確に地図の整合性を高める手法として大域 マッチングコスト最小化が考えられる. グラフ SLAM の最初期の研究において Lu と Milios らは 2D LiDAR SLAM を大域マッチングコスト最小化 (マルチスキャ ンレジストレーション) として定式化した<sup>(9)</sup>. この手 法はその後,明示的にループクローズイベントを取

 <sup>\*1</sup> 産業技術総合研究所 ヒューマンモビリティ研究センター (〒 305-0061 茨城県つくば市梅園 1-1-1) k.koide@aist.go.jp

補 足 動 画:https://staff.aist.go.jp/k.koide/ projects/rs2022



Fig. 1: Environmental map and factor graph generated by the proposed framework (KITTI 00 Sequence).

り扱うことによって 3 次元 SLAM へと拡張された<sup>(10)</sup> (11). これらの手法では最適化の各イテレーションにお いて制約の誤差ベクトルとヘッセ行列が現在の推定位 置で再評価・更新されるため、固定の平均・共分散行 列が用いられるポーズグラフより高精度にフレーム間 制約を作ることができる. さらに各制約において明示 的に相対姿勢を決定する必要がないため、わずかな重 なりしかなく6自由度分の拘束が得られないようなフ レーム間にも問題なく制約を作ることができる.しか し、マッチングコストの計算コストは非常に大きく、 その理論的優位性に反して大域マッチングコスト最小 化は広くは利用されておらず、大規模かつリアルタイ ムの地図生成タスクへの応用は不可能と考えられてき た. 近年提案された Voxgraph では Eucledean Signed Distance Field 表現を用いることにより軽量化された マッチングコスト項を大域最適化に取り入れている. しかし、依然として計算コストは重たく、ランダムに 選ばれたごく一部のマッチング残差(5%)のみを使用 している<sup>(12)</sup>.

本研究では、近年の高速な GPU を最大限活用でき るようにスキャンマッチング及びフレームワーク全体 を構築することにより、大域マッチングコスト最小化 に基づくリアルタイム地図生成フレームワークを実現 する. 図1に提案手法により生成された環境地図及び ファクタグラフを示す.提案手法では従来の相対姿勢 制約を排し、マッチングコスト制約を全面的に使用す ることにより重なりの小さなフレーム間にも高精度に 拘束をかけ (図 1(A)), さらに GPU 処理を活用するこ とにより非常に高密度なファクタグラフを生成する(図 1(B)). 図1では重なり率5%以上の全てのサブマップ 間にマッチングコスト制約を生成しており、最適化の 各イテレーションにおいて合計 4,500 以上のファクタ のそれぞれにおいて平均 20,000 点のコスト計算が必 要となるが、ミドルクラス GPU (NVIDIA RTX1660Ti) で数秒以内に最適化可能である.

さらに本研究では大域マッチングコスト最小化グ ラフと IMU preintegration 手法<sup>(13)</sup>を組み合わせること により,フロントエンドからバックエンドまでの全ス テージの最適化を LiDAR-IMU タイトカップリング方 式により構築する.これによりジオメトリ特徴が乏し く,LiDAR 点群から十分な制約が得られないような 環境においても安定して高精度な地図を構築すること を可能とする.

本研究のコントリビューションは以下の通りである.

- GPUを活用することにより大域マッチングコスト 最小化がリアルタイムで可能であることと、その 精度面における優位性を示す.提案手法はリアル タイム手法としては初めて大域的にマッチングコ スト最小化を行うものであり、KITTI Dataset に おいて LiDAR 単体手法としては2位の精度を記 録している<sup>1</sup>.
- 2. 全最適化ステージに LiDAR-IMU タイトカップリ ングを採用したフレームワークを提案する。特に LiDAR SLAM においてバックエンドに LiDAR-IMU タイトカップリングを採用した例は他にない。
- 3. 提案手法ではセンサ種類に依存する処理を排して おり,回転式 LiDAR のみならず多様な種類の距 離センサに適用可能であることを示す.

## 2. 提案 手法

図2に提案システムの概略を示す.提案システムは プリプロセッシング,オドメトリ推定,ローカルマッ ピング,グローバルマッピングの4モジュールから成 り,全ての推定モジュールはLiDAR-IMUタイトカッ プリング方式で構築される.オドメトリ推定ではセン サの動きによって生じる点群の歪みを補正しつつロバ ストにセンサ状態の推定を行う.得られた推定状態は 後続のマッピングモジュールへ初期推定値として渡さ

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>GLIM on http://www.cvlibs.net/datasets/kitti/ eval\_odometry.php



Fig. 2: System overview

れ,さらにリファインされる.ローカルマッピングでは10~20フレーム程度の点群を統合したサブマップを生成し,最後段のグローバルマッピングにおいてすべてのサブマップ間のマッチング誤差を最小化することで大域地図最適化を行う.各モジュールはそれぞれ別のスレッド上で非同期に動作する.

以下に推定対象となるセンサ状態 x<sub>t</sub> を定義する.

$$\boldsymbol{x}_t = [\boldsymbol{T}_t, \boldsymbol{v}_t, \boldsymbol{b}_t]^T. \tag{1}$$

ここで,  $T_t = [R_t | t_t] \in SE(3)$  はセンサ姿勢,  $v_t \in \mathbb{R}^3$  は センサ速度,  $b_t = [b_t^a, b_t^{oo}] \in \mathbb{R}^6$  は IMU バイアスを表 す. LiDAR 点群  $\mathcal{P}_t$  と IMU 観測 (加速度  $a_t$ , 角加速度  $a_t$ ) からセンサ状態  $x_t$  の時系列推定を行う. なお, 計 算の効率と簡易化のため, LiDAR 点群は IMU 座標上 へ変換し LiDAR・IMU データは同一のセンサ座標系 上にあるものとして扱う.

続く 2·1, 2·2 節においてシステムの主要な構成要素 となる LiDAR・IMU ファクタについて説明を行い,そ の後 2·3 節からシステムを構成する各モジュールにつ いて説明を行う.

2・1 LiDAR マッチングコストファクタ 二つの センサ姿勢 ( $T_i$ ,  $T_j$ ) に対してそれらの点群間 ( $\mathcal{P}_i$ ,  $\mathcal{P}_j$ ) のマッチングコストを制約として与える. ここではマッ チングコストとして GPU 処理に適した Voxelized GICP (VGICP) コスト<sup>(14) (15)</sup>を用いる. VGICP では各入力点  $p_k \in \mathcal{P}_i$ を正規分布としてモデル化し ( $p_k = (\mu_k, C_k)$ ), もう一方の点群  $\mathcal{P}_j$  を解像度 r のグリッドでボクセル 化した後,  $\mathcal{P}_i, \mathcal{P}_j$ 間のマッチングコスト  $e^M$  を GICP の distribution-to-distribution 誤差関数に基づき以下の ように計算する.

$$e^{M}(\mathscr{P}_{i},\mathscr{P}_{j},\boldsymbol{T}_{i},\boldsymbol{T}_{j}) = \sum_{p_{k}\in\mathscr{P}_{i}} e^{D2D}(\boldsymbol{p}_{k},\boldsymbol{T}_{i}^{-1}\boldsymbol{T}_{j}), \quad (2)$$

$$e^{D2D}(\boldsymbol{p}_k, \boldsymbol{T}_{ij}) = \boldsymbol{d}_k^T (\boldsymbol{C}'_k + \boldsymbol{T}_{ij} \boldsymbol{C}_k \boldsymbol{T}_{ij}^T)^{-1} \boldsymbol{d}_k. \quad (3)$$

ここで,  $p'_k = (\mu'_k, C'_k)$ は  $p_k$ に対応する  $\mathcal{P}_j$ のボクセル の平均・共分散,  $d_k = \mu'_k - T_{ij}\mu_k$ は対応点間の残差で ある. VGICP では事前に Kd-Tree などで高精度に求め られた各点の $\mu_k, C_k$ の平均を取ることで各ボクセルの 分布を得る.遠方の数点しか含まないようなボクセル 上でも妥当な分布を得ることができるため、各ボクセ ルにおいて多数の点を必要とする Normal Distributions Transform より高精度な推定が可能となる<sup>(15)</sup>.

 $e^{D2D}$ は重み付き二乗誤差であり、ヤコビアンと残 差ベクトルから容易に二次形式制約を得ることができ る.これを  $\mathcal{P}_i$ の全ての点において積算することによ りフレーム  $T_i, T_j$ を拘束する制約を得る.

2.2 IMU Preintegration ファクタ IMU 残差を 効率的にグラフに組み込むため、IMU preintegration 手 法<sup>(13)</sup>を用いる. IMU 観測  $a_t$ ,  $\omega_t$  が与えられたとき, セ ンサ状態は以下のように時間発展する.

$$\boldsymbol{R}_{t+\Delta t} = \boldsymbol{R}_t \exp\left(\left(\boldsymbol{\omega}_t - \boldsymbol{b}_t^{\boldsymbol{\omega}} - \boldsymbol{\eta}_k^{\boldsymbol{\omega}}\right) \Delta t\right), \tag{4}$$

$$\boldsymbol{v}_{t+\Delta t} = \boldsymbol{v}_t + \boldsymbol{g} \Delta t + \boldsymbol{R}_t \left( \boldsymbol{a}_t - \boldsymbol{b}_t^a - \boldsymbol{\eta}_t^a \right) \Delta t, \qquad (5)$$

$$\boldsymbol{t}_{t+\Delta t} = \boldsymbol{t}_t + \boldsymbol{v}_t \Delta t + \frac{1}{2} \boldsymbol{g} \Delta t^2 + \frac{1}{2} \boldsymbol{R}_t \left( \boldsymbol{a}_t - \boldsymbol{b}_t^a - \boldsymbol{\eta}_t^a \right) \Delta t^2.$$
(6)

gは重力ベクトル,  $\eta_t^a$ ,  $\eta_t^o$ は IMU 観測上のノイズを 表す. IMU preintegration では上式を時刻 *i*, *j* 間で積分 し,以下の相対運動制約を得る (詳細な導出は<sup>(13)</sup>参照).

$$\Delta \boldsymbol{R}_{ij} = \boldsymbol{R}_i^T \boldsymbol{R}_j \exp\left(\delta \boldsymbol{\phi}_{ij}\right), \qquad (7)$$

$$\Delta \boldsymbol{v}_{ij} = \boldsymbol{R}_i^T \left( \boldsymbol{v}_j - \boldsymbol{v}_i - \boldsymbol{g} \Delta t_{ij} \right) + \delta \boldsymbol{v}_{ij}, \qquad (8)$$

$$\Delta \boldsymbol{t}_{ij} = \boldsymbol{R}_i^T \left( \boldsymbol{t}_j - \boldsymbol{t}_i - \boldsymbol{v} \Delta t_{ij} - \frac{1}{2} \boldsymbol{g} \Delta t_{ij}^2 \right) + \delta \boldsymbol{t}_{ij}.$$
 (9)

ただし、 $\delta \phi_{ij}, \delta v_{ij}, \delta p_{ij}$ は積分過程のノイズを表す.

ジオメトリ特徴が少なく点群から十分な拘束を得る ことができない環境においても, IMU ファクタを導入 することによりシステムを十分に拘束することが可能 となる.また,同時に重力方向情報がグラフに導入さ れるため,センサ移動量の推定ドリフトを4自由度に 抑えることができる<sup>(16)</sup>.

2.3 プリプロセッシング まず入力された各点 群に対してボクセルグリッドフィルタによってダウン サンプリングを行う.ここでは各点の位置に加えて, 後続の歪み補正処理に必要となる各点の時刻もフィル タリングの対象とする.時刻の大きく異る点(e.g.,ス キャン開始点と終了点)をボクセル上で混合してしま うことを防ぐため,ある点の時刻が対応するボクセル の時刻と大きく異る場合には新たなボクセルを生成し, それに点を割り当てる.その後,Kd-Treeによって後 に各点の共分散行列推定に必要となるk近傍点を求め る.共分散行列推定は歪み補正処理の後に実行される が,歪み補正では点の近傍関係に大きな変化は起きな



Fig. 3: Frontend factor graph. Only the factors related to the latest frame  $(x_9)$  are illustrated.

いと仮定し,この前処理段階で得られた近傍点を後続 の処理ではそのまま用いる.

2.4 オドメトリ推定 オドメトリ推定ではセン サの急激な動きを補償し,頑強かつドリフトの少ない 移動量推定を行う.まず IMU による動き予測を基に 点群をスキャン開始時刻の IMU 座標へ変換すること で,動きにより生じた点群上の歪みを補正する.その 後,事前に求めておいた k 近傍点より各点の共分散行 列を算出する.

図3にオドメトリ推定に用いるファクタグラフを 示す. 可視性のため図には最新のフレームに関連する ファクタのみ示す. 最適化の計算量を一定に保つため, Fixed-lag smoothing アプローチを用い,古い状態は周 辺化することによりグラフから取り除く. ここでは 効率的に低ドリフトな推定を実現するために、Direct Sparse Odometry (DSO)<sup>(17)</sup>に似たキーフレームベース の推定手法を提案する.キーフレームは最新のフレー ムと一定の重なりを持ちつつ、空間上に広く分布す るように選択されたフレームの集合であり、最新のフ レームと全てのキーフレームの間にマッチングコスト ファクタを生成することで推定ドリフトを抑制する. キーフレームが Fixed-lag smoothing の最適化ウィンド ウ内にまだ存在していればフレームとキーフレームの 双方に作用する二項ファクタを生成し、すでにキーフ レームが周辺化されていた場合にはキーフレーム姿勢 が固定されたと考え、フレームの姿勢のみに作用する 単項ファクタを生成する.

キーフレーム管理のために2つの点群  $\mathcal{P}_i, \mathcal{P}_j$  間の 重なり率を  $\mathcal{P}_i$  の点のうち  $\mathcal{P}_j$  に対応するボクセルが 存在するものの割合と定義する.現在のフレームと最 新のキーフレーム間の重なり率が一定以下 (e.g., 90%) となった時,そのフレームを新たにキーフレームリス トに追加する.その後,キーフレーム数が一定以上 (e.g., 20) になった場合,以下のスコア関数を最小化す るキーフレームをリストから取り除く.

$$s(i) = o(i, N^{odom}) \sum_{j \in [1, N^{odom} - 1] \setminus \{i\}} (1 - o(i, j)).$$
(10)



Fig. 4: Backend factor graph.

o(i, j) はi番目とj番目のキーフレーム間の重なり率を 表す.上式はDSO<sup>(17)</sup>のキーフレーム管理方式を参考 にヒューリスティックに設計された関数で,最新フレー ム付近に一定数のキーフレームを保持しつつ,キーフ レームが空間的に広く分布するようなスコアを与える.

最新フレーム・キーフレーム間に加え,過去数フレー ム全て (e.g., 3 フレーム) との間にもマッチングコスト ファクタを生成し急激な動きへのロバスト性を高める. さらに,連続するフレーム間には IMU ファクタを生 成することで LiDAR データから十分な拘束が得られ ない環境においても安定した移動量推定を実現する.

2.5 ローカルマッピング オドメトリ推定グラ フから周辺化されたフレームは、センサ状態の初期 推定値としてローカルマッピングへ渡される. ローカ ルマッピングでは、後段のグローバルマッピングで推 定対象となる変数の数を削減するために、一定数のフ レームを統合し一つのサブマップを生成する.

まず,オドメトリ推定の最適化を経て推定されたセンサ状態が改善されていることが期待できるため,改めて現在の推定状態で点群の歪み補正と共分散行列推定を行う.その後,現在のフレームとサブマップ内の最後のフレームの重なり率を評価し,それが一定以下(e.g.,90%)であればセンサに動きがあったとしてサブマップにそのフレームを追加する.

図4に示すように、ローカルマッピングではサブマッ プ内のすべてのフレーム間にマッチングコストファク タを生成する (i.e., all-to-all レジストレーション). 更 に連続するフレーム間には IMU ファクタを挿入し、最 適化を安定化させるためにオドメトリ推定で得られた センサ速度・IMU バイアスの推定値を Prior ファクタ として挿入する.

サブマップ内のフレーム数が一定数を超えた時 (e.g., 20 フレーム), Levenberg-Marquardt 法を用いグラフ最 適化を行い,最適化されたセンサ姿勢を基に点群を統 合しサブマップを生成する.サブマップ生成の時間間 隔における推定ドリフトは小さく無視できるものと仮 定し,後続のグローバルマッピングではサブマップ内 のフレーム間の相対姿勢は固定されたものとして扱う.

2.6 グローバルマッピング グローバルマッピ ングではサブマップ間の姿勢を最適化することで、大 域的一貫性を保った地図を生成する. サブマップが生 成される度に過去の全てのサブマップとの重なり率を 評価し,それが小さく設定されたしきい値 (e.g., 5%) 以上であればサブマップ間にマッチングコストファク タを生成する.提案手法では僅かな重なりしかないサ ブマップ間にも極めてアグレッシブに制約を生成する ため、図1のような非常に高密度なグラフが得られ る. これによりすべてのサブマップはグラフ上で隣接 するサブマップだけでなく位置的に近傍の全てのサブ マップに対してもアラインされるため、ある地点を再 訪した際には非明示的にループが閉じられ推定ドリフ トを補正することができる. 従来のポーズグラフでは 制約を作る際に明示的な相対姿勢が必要となるため, スキャンマッチングが不安定になる重なりの小さなフ レーム間には高精度に制約を作ることが困難であった. 提案手法では各ファクタにおいてはスキャンマッチン グの最適化を行わず、地図全体を一つのシステムとし て最適化するため、十分な拘束が得られない極めて小 さな重なりしかないフレーム間にも高精度に制約を作 ることができる.

さらに最適化の安定性を高めるため,連続するサブ マップ間に IMU ファクタを生成する.しかし,サブ マップは大きな時間間隔 (e.g., 10 s) で生成されるため, 単純にサブマップ姿勢間に IMU ファクタを生成する と, IMU ファクタの共分散が大きくなりすぎてしまい システムを強く拘束することができない<sup>(18)</sup>.さらに前 段の推定で得られた速度や IMU バイアス情報を捨て ることにもなってしまう.ここではセンサ速度・バイ アス情報を保持しつつ強くサブマップ姿勢を拘束する ため,各サブマップにつき *endpoints* と呼ぶ 2 つのセ ンサ状態変数  $\mathbf{x}_L^i, \mathbf{x}_R^i$  を導入し,それぞれにサブマップ 内の最初と最後のフレームのセンサ状態推定値を保持 させる (図 4 参照).

サブマップ  $\mathbf{x}^{i}$  内のセンサ状態推定結果を [ $\mathbf{x}_{0}, \dots, \mathbf{x}_{Nsub}$ ]とし、サブマップ原点を $\mathbf{T}^{i} = \mathbf{T}_{Nsub/2}$ と 定義した時、あるセンサ状態  $\mathbf{x}_{t}$ のサブマップ原点に 対する相対状態は以下のように与えられる.

$$\boldsymbol{T}_t' = \left(\boldsymbol{T}^i\right)^{-1} \boldsymbol{T}_t, \qquad (11)$$

$$\boldsymbol{v}_t' = \left(\boldsymbol{R}^i\right)^{-1} \boldsymbol{v}_t, \tag{12}$$

$$\boldsymbol{b}_t' = \boldsymbol{b}_t. \tag{13}$$

ここで、サブマップ姿勢  $\mathbf{x}^i$  と endpoints  $\mathbf{x}^i_L, \mathbf{x}^i_R$  の間に式 (11)(12)(13) を満たすように相対状態ファクタを生

成する. これにより  $\mathbf{x}_{L}^{i}$ ,  $\mathbf{x}_{R}^{i}$  には現在のサブマップ姿勢と事前の推定量を基に世界座標系におけるサブマップ開始時・終了時のセンサ状態が保持される. あるサ ブマップの  $\mathbf{x}_{R}^{i}$  とその次のサブマップの  $\mathbf{x}_{L}^{i+1}$ の間隔は 最小 (スキャン間隔) になるため, この間に IMU ファ クタを生成することで推定情報の損失を抑えつつサブ マップ姿勢を強く拘束することが可能となる.

一定数のサブマップ (e.g., 5) が挿入されるたび, iSAM2<sup>(19)</sup>を用いインクリメンタルにグラフを最適化 する.ここでは GTSAM の実装を用いた.

#### 3. 実 験

3.1 LiDAR 単体による評価 大域マッチング コスト最小化の精度面での優位性を示すため、まず LiDAR のみを用いた条件で KITTI データセット上で 評価を行った. IMU データは使用しないため、提案手法 の LiDAR-IMU フロントエンドの代わりに MULLS<sup>(4)</sup> によるオドメトリ推定を行い、その後、IMU ファクタ を除いたローカル・グローバルマッピングによってセン サ移動軌跡の推定を行った.また、大きな推定ドリフ トを補正するために ScanContext<sup>(22)</sup>によるループ検出 結果を大域最適化に追加した.精度評価には Relative Trajectory Error (RTE)<sup>(23)</sup>を用いた.

**State-of-the-art との比較:** 比較対象として複数の LiDAR SLAM 手法 (LOAM <sup>(24)</sup>, MULLS <sup>(4)</sup>, IMLS-SLAM <sup>(25)</sup>, SuMa++ <sup>(3)</sup>), と深層学習手法 (LO-Net <sup>(21)</sup>) を用いた. 比較のため提案手法は 1) ループクローズ なし (スライディングウィンドウ内のサブマップ同士 間のみマッチングコストファクタを生成), 2) ループク ローズあり の 2 つの設定で評価を行った.

表1,2に精度評価結果を示す.なお、表内の Mean ST は RTE のサブトラジェクトリ誤差の平均, Mean S はシーケンス RTE の平均を示している. ループクロー ズなしの設定において,提案手法はシーケンス 00-10 で最も良い推定精度を示した (0.52 m / 0.14°). 特に移 動距離の長いシーケンス (00, 02, 05, 08) における推定 精度が良く、提案手法の高密度なグラフ生成が大規模 環境における推定誤差低減に寄与していることが確認 できる.また、シーケンス 11-21 においても非常に高 精度な推定 (0.59 m / 0.15°) が得られており、これは KITTI リーダーボード上で LiDAR のみを使った手法 としては2位の結果となっている. ループクローズを 有効にした場合には Rotational RTE が大きく改善され ていることが確認できる (0.11°). 一方, Translational RTE はわずかに悪化しているが (0.56 m), 同様の傾向 は他の研究でも報告されており<sup>(4)</sup>, KITTIの点群に含 まれる歪みが原因だと考えられる.

Sequence Num.	Loop	00	01	02	03	04	05	06	07	08	09	10	00-10	11-21
Num. of Frames	closure	4541	1101	4661	801	271	2761	1101	1101	4071	1591	1201	Mean (ST/S)	Mean (ST)
Proposed (matching cost)		0.16	0.10	0.12	0.19	0.10	0.10	0.07	0.11	0.18	0.11	0.15	0.14 / 0.13	0.15
Proposed (matching cost)	$\checkmark$	0.12	0.09	0.10	0.19	0.10	0.06	0.08	0.10	0.14	0.08	0.15	0.11 / 0.11	-
Proposed (SE3)	$\checkmark$	0.18	0.15	0.17	0.33	0.17	0.21	0.10	0.17	0.50	0.17	0.31	0.24 / 0.22	-
x a + x x (20)														0.40
LOAM (-*)		-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	- / -	0.13
MULLS <sup>(4)</sup>		0.18	0.09	0.17	0.22	0.08	0.17	0.11	0.18	0.25	0.15	0.19	- /0.16	0.19
MULLS <sup>(4)</sup>	$\checkmark$	0.13	0.09	0.13	0.22	0.08	0.07	0.08	0.11	0.17	0.12	0.19	- / 0.13	-
SuMa++ <sup>(3)</sup>	$\checkmark$	0.22	0.46	0.37	0.46	0.26	0.20	0.21	0.19	0.35	0.23	0.28	0.29 / 0.29	0.34
LO-Net <sup>(21)</sup>		0.42	0.40	0.45	0.59	0.54	0.35	0.33	0.45	0.43	0.38	0.41	- / 0.43	-
		D 1	111		. 1	. 1.	1 0	. 1	11		1.			

Table 1: Average rotational relative trajectory errors (RTEs) [°/100m] on the KITTI dataset

**Red** and **blue** respectively indicate the first and second best results. Mean ST and S respectively indicate the means of sub-trajectory and sequence errors.

Table 2: Average translational relative trajectory errors (RTEs) [m/100m] on the KITTI dataset

Sequence Num. Num. of Frames	Loop	00 4541	01 1101	02 4661	03 801	04 271	05 2761	06 1101	07 1101	08 4071	09 1591	10 1201	00-10 Mea n(ST/S)	11-21 Mean (ST)
Proposed (Matching Cost)		0.49	0.65	0.50	0.62	0.41	0.24	0.29	0.30	0.80	0.46	0.54	0.52 / 0.48	0.59
Proposed (Matching Cost)	$\checkmark$	0.56	0.66	0.55	0.63	0.42	0.28	0.34	0.35	0.81	0.55	0.54	0.56/0.52	-
Proposed (SE3)	$\checkmark$	0.58	0.61	0.60	0.69	0.44	0.38	0.34	0.37	1.51	0.68	0.74	0.74 / 0.63	-
LOAM <sup>(20)</sup>		0.78	1.43	0.92	0.86	0.71	0.57	0.65	0.63	1.12	0.77	0.79	- / 0.84	0.55
MULLS <sup>(4)</sup>		0.51	0.62	0.55	0.61	0.35	0.28	0.24	0.29	0.80	0.49	0.61	- / 0.49	0.65
MULLS <sup>(4)</sup>	$\checkmark$	0.54	0.62	0.69	0.61	0.35	0.29	0.29	0.27	0.83	0.51	0.61	- / 0.52	-
SuMa++ <sup>(3)</sup>	$\checkmark$	0.64	1.60	1.00	0.67	0.37	0.40	0.46	0.34	1.10	0.47	0.66	0.70/0.70	1.06
LO-Net <sup>(21)</sup>		0.78	1.42	1.01	0.73	0.56	0.62	0.55	0.56	1.08	0.77	0.92	- / 0.82	-

**Red** and **blue** respectively indicate the first and second best results.

Mean ST and S respectively indicate the means of sub-trajectory and sequence errors.

Table 3: Relative and absolute trajectory errors on the Newer College dataset

Metric	LIOM (odom)	LIO-SAM (odom)	LIO-SAM	Proposed (odom)	Proposed
RTE [m]	$2.224 \pm 1.402$	$2.215 \pm 1.376$	$2.156 \pm 1.357$	$\textbf{2.140} \pm 1.348$	$2.160 \pm 1.356$
ATE [m]	$3.392 \pm 1.653$	$1.176\pm0.641$	$0.529 \pm 0.259$	$0.899\pm0.595$	$\textbf{0.276} \pm 0.093$



Fig. 5: Factor graph with SE3 relative pose factors. The line color indicates the magnitude of the error (Red: large error, Green: small error).

Ablation study: 従来のポーズグラフとの比較とし て、全てのマッチングコストファクタを相対姿勢 (SE3) ファクタに置き換えたグラフで最適化を行った. 提案 手法で得られたセンサ姿勢を初期値として各ファクタ において GICP スキャンマッチングを行い、情報行列 はマッチング結果のヘッセ行列から与えた<sup>(6)</sup>. スキャ ンマッチングが失敗することを考慮し各ファクタには Huber ロバストカーネルを適用した.

表1,2から,グラフ構造(サブマップ接続関係)が 変化していないにも関わらず,ポーズグラフによる推 定精度は大きく劣化していることが確認できる.図5 に KITTI 00 におけるポーズグラフを示す.線の色は 各ファクタの推定値からの誤差の大きさを表している (緑:誤差小,赤:誤差大).特に距離の離れたサブマッ プ間のファクタに大きな誤差が見られ,重なりが小さ いサブマップ間でスキャンマッチングが失敗したこと が見て取れる.これらのファクタはロバストカーネル によって除去されたため最終的な最適化結果には寄与 せず,結果として精度の悪化を招いたと考えられる.

なお,実際の運用においては今回の評価のような良 い初期値は期待できないため,より多くのファクタが 精度の悪い相対姿勢制約を持つことになる.この比較 結果から,大域マッチングコスト最小化手法の従来の ポーズグラフ手法に対する優位性が示された.

3·2 LiDAR-IMU システム評価 Newer College Dataset の *long\_experiment* シーケンス上で LiDAR-IMU



Fig. 6: Estimated sensor trajectories for the *long\_experiment* sequence. The color indicates the magnitude of the ATE.

地図生成の評価を行った.比較対象としては stateof-the-art の LIO-mapping (LIOM)<sup>(26)</sup>と LIO-SAM<sup>(2)</sup>を 用いた.表3に各手法の Absolute/Relative Trajectory Error (ATE / RTE)を示す.提案手法のオドメトリ推定 はLIO-mapping, LIO-SAM に対して優位な RTEを示し ており (Proposed: 2.140 m, LIOM: 2.224 m, LIO-SAM: 2.215 m),低ドリフトな推定が実現できていることが 確認できる.また,ループクローズを有効にした場合, 従来のポーズグラフを用いている LIO-SAM に対して 提案手法は大きく良い ATE を示している (Proposed: 0.276 m, LIO-SAM: 0.529 m).

図6に提案手法及び LIO-SAM によって推定された センサ軌跡を示す.軌跡の色はその地点における ATE の大きさを表している. LIO-SAM は大きなカーブに おいて推定精度を落としており,これは比較的フレー ムの密度が疎になった際にポーズグラフでは正確な制 約が得られなかったのと,大域最適化に IMU 制約が 組み込まれていないため重力方向情報が失われた結果 であると考えられる.一方,提案手法では,高密度な グラフ生成と IMU 制約を大域最適化に組み込んでい ることにより,カーブ地点においても高精度な軌跡推 定ができている.

**3.3 処理速度・他の LiDAR への適用** 処理速度 及びより困難な環境でのデモンストレーションとして, KAIST Urban Dataset 上で地図生成を行った. このデー



Fig. 7: Number of submaps and matching cost factors and the processing time of the global optimization through the KAIST07 sequence.

タセットでは LiDAR が垂直に取り付けられているた め,車両が移動すると点群間の重なりが小さくなり, 通常の LiDAR のみを用いた手法では対処することが 難しいものとなっている.ここでは KAIST07,17 シー ケンスに対して提案手法を適用し,安定して地図生成 可能であることを示した.(紙面上の制約のため詳細 は割愛する.詳細は補足動画を参照頂きたい.)

KAIST07 シーケンスを通して提案手法はリアルタ イムの2倍速で動作した.各モジュールの平均処理時 間はプリプロセッシング:23.3 [ms / frame],オドメ トリ推定:41.3 [ms / frame],サブマッピング:122.0 [ms / 20 frames],グローバルマッピング:242.5 [ms / 50 frames] であり,リアルタイム要求を十分に上回る速度 で動作することが確認できた(センサ取得周期 10Hz). 図7に姿勢変数・マッチングコストファクタの増加に 対するグローバルマッピングの最適化時間の伸びを示 す.最終的には 6000 以上のマッチングコストファク タが生成されているが,GPUを用いたコスト評価と インクリメンタル最適化によって一秒未満で大域最適 化が完了していることが確認できる.

また,提案手法は他の LiDAR 地図生成手法<sup>(2) (26) (3)</sup> と異なり,センサ依存の特徴量抽出処理などを排して おり,回転型以外の任意の種類の LiDAR にも適用す ることが可能である.実証として行った Livox Avia 及 び Intel Realsense L515 を用いた環境地図生成の様子 を補足動画において確認することができる.

## 4. 結 言

GPU を用いたマッチングコストファクタと IMU preintegration ファクタを組み合わせることにより,高 精度で頑強な LiDAR-IMU 地図生成を提案した.精度 及びリアルタイム性能を複数のデータセット上で評価 し,従来手法に対しての優位性を示した.現在は提案 手法の発展版をオープンソースとして公開するための 開発を進めている.

#### 参考文献

- G. Grisetti, R. Kummerle, C. Stachniss, and W. Burgard, "A tutorial on graph-based SLAM," *IEEE Intelligent Transportation Systems Magazine*, vol. 2, no. 4, pp. 31– 43, Dec. 2010.
- (2) T. Shan, B. Englot, D. Meyers, W. Wang, C. Ratti, and R. Daniela, "LIO-SAM: Tightly-coupled lidar inertial odometry via smoothing and mapping," in *IEEE/RSJ International Conference on Intelligent Robots and Systems.* IEEE, Oct. 2020, pp. 5135–5142.
- (3) X. Chen, A. Milioto, E. Palazzolo, P. Giguere, J. Behley, and C. Stachniss, "SuMa++: Efficient LiDAR-based semantic SLAM," in *IEEE/RSJ International Conference* on Intelligent Robots and Systems. IEEE, Nov. 2019.
- (4) Y. Pan, P. Xiao, Y. He, Z. Shao, and Z. Li, "MULLS: Versatile lidar slam via multi-metric linear least square," in *IEEE International Conference on Robotics and Automation*. IEEE, May 2021.
- (5) D. Landry, F. Pomerleau, and P. Giguere, "CELLO-3D: Estimating the covariance of ICP in the real world," in *IEEE International Conference on Robotics and Automation.* IEEE, May 2019.
- (6) O. Bengtsson and A.-J. Baerveldt, "Robot localization based on scan-matching—estimating the covariance matrix for the IDC algorithm," *Robotics and Autonomous Systems*, vol. 44, no. 1, pp. 29–40, July 2003.
- (7) T. M. Iversen, A. G. Buch, and D. Kraft, "Prediction of ICP pose uncertainties using monte carlo simulation with synthetic depth images," in *IEEE/RSJ International Conference on Intelligent Robots and Systems*. IEEE, Sept. 2017.
- (8) W. Hess, D. Kohler, H. Rapp, and D. Andor, "Real-time loop closure in 2D LIDAR SLAM," in *IEEE International Conference on Robotics and Automation*. IEEE, May 2016.
- (9) F. Lu and E. Milios, "Globally consistent range scan alignment for environment mapping," *Autonomous Robots*, vol. 4, no. 4, pp. 333–349, Oct. 1997.
- (10) D. Borrmann, J. Elseberg, K. Lingemann, A. N 端 chter, and J. Hertzberg, "Globally consistent 3D mapping with scan matching," *Robotics and Autonomous Systems*, vol. 56, no. 2, pp. 130–142, Feb. 2008.
- (11) J. Sprickerhof, A. Nuchter, K. Lingemann, and J. Hertzberg, "A heuristic loop closing technique for largescale 6D SLAM," *Automatika*, vol. 52, no. 3, pp. 199–222, Jan. 2011.
- (12) V. Reijgwart, A. Millane, H. Oleynikova, R. Siegwart, C. Cadena, and J. Nieto, "Voxgraph: Globally consistent, volumetric mapping using signed distance function submaps," *IEEE Robotics and Automation Letters*, vol. 5, no. 1, pp. 227–234, Jan. 2020.

- (13) C. Forster, L. Carlone, F. Dellaert, and D. Scaramuzza, "On-manifold preintegration for real-time visual-inertial odometry," *IEEE Transactions on Robotics*, vol. 33, no. 1, pp. 1–21, Feb. 2017.
- (14) A. Segal, D. Haehnel, and S. Thrun, "Generalized-ICP," in *Robotics: Science and Systems V.* Robotics: Science and Systems Foundation, June 2009, pp. 435–443.
- (15) K. Koide, M. Yokozuka, S. Oishi, and A. Banno, "Voxelized GICP for fast and accurate 3D point cloud registration," in *IEEE International Conference on Robotics and Automation*. IEEE, May 2021.
- (16) T. Qin, P. Li, and S. Shen, "VINS-mono: A robust and versatile monocular visual-inertial state estimator," *IEEE Transactions on Robotics*, vol. 34, no. 4, pp. 1004–1020, Aug. 2018.
- (17) J. Engel, V. Koltun, and D. Cremers, "Direct sparse odometry," *IEEE Transactions on Pattern Analysis and Machine Intelligence*, vol. 40, no. 3, pp. 611–625, Mar. 2018.
- (18) L. V. Stumberg, V. Usenko, and D. Cremers, "Direct sparse visual-inertial odometry using dynamic marginalization," in *IEEE International Conference on Robotics* and Automation. IEEE, May 2018, pp. 2510–2517.
- (19) M. Kaess, H. Johannsson, R. Roberts, V. Ila, J. J. Leonard, and F. Dellaert, "iSAM2: Incremental smoothing and mapping using the bayes tree," *International Journal of Robotics Research*, vol. 31, no. 2, pp. 216–235, Dec. 2011.
- (20) J. Zhang and S. Singh, "LOAM: Lidar odometry and mapping in real-time," in *Robotics: Science and Systems* X. Robotics: Science and Systems Foundation, July 2014.
- (21) Q. Li, S. Chen, C. Wang, X. Li, C. Wen, M. Cheng, and J. Li, "LO-net: Deep real-time lidar odometry," in *IEEE/CVF Conference on Computer Vision and Pattern Recognition*. IEEE, June 2019.
- (22) G. Kim and A. Kim, "Scan Context: Egocentric spatial descriptor for place recognition within 3D point cloud map," in *IEEE/RSJ International Conference on Intelligent Robots and Systems*. IEEE, Oct. 2018.
- (23) Z. Zhang and D. Scaramuzza, "A tutorial on quantitative trajectory evaluation for visual(-inertial) odometry," in *IEEE/RSJ International Conference on Intelligent Robots* and Systems. IEEE, Oct. 2018, pp. 7244–7251.
- (24) J. Zhang and S. Singh, "Low-drift and real-time lidar odometry and mapping," *Autonomous Robots*, vol. 41, no. 2, pp. 401–416, Feb. 2016.
- (25) J.-E. Deschaud, "IMLS-SLAM: Scan-to-model matching based on 3d data," in *IEEE International Conference on Robotics and Automation*. IEEE, May 2018.
- (26) H. Ye, Y. Chen, and M. Liu, "Tightly coupled 3D lidar inertial odometry and mapping," in *IEEE International Conference on Robotics and Automation*. IEEE, May 2019, pp. 3144–3150.